

ПРИМЕНЕНИЕ КВАДРАТИЧНЫХ ЗАВИСИМОСТЕЙ В ПРИКЛАДНЫХ ЗАДАЧАХ ШКОЛЬНОЙ ИНФОРМАТИКИ

Сендеров А.А., Тупчий Я.Р., Баклан А.В.
ХОЗШ № 158, 164, ФМЛ 27, г. Харьков

Цель заключается в разработке методики показа полезности математических (в частности квадратичных) моделей при решении прикладных задач.

Предистория этого вопроса такова. Представитель древнегреческой математической школы Евклида, Аполлоний Пергский изучая конус и его сечения, пришёл к описанию следующих кривых: парабола, эллипс и гипербола, которые в последствие стали называть кривыми второго порядка.

В рамках школьной программы нас интересует **пара́бола** (греч. *παράβολή* — приложение). В практическом отношении, чаще всего используются такие свойства параболы как наличие точки экстремума и фокусной точки. Как видно из построения графиков квадратичной функции вида $y = ax^2 + bx + c$, точка экстремума (лат. *extremum* – «крайнее») – это обобщённое название максимума или минимума функции. Эти свойства параболы способствуют стремлению использовать саму параболу в качестве математической модели для многих естественных и технических процессов.

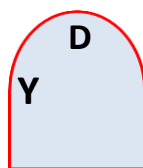
Ниже приведен пример расчёта максимальной площади и соответствующих размеров окна (см. рис.1 – X-ширина, Y- высота прямоугольной части). Как следует из формулы (2) для площади окна, и, в соответствии со школьным курсом алгебры, квадратичная функция вида $f(x) = aX^2 + bX + c$ достигает максимума (т.е. экстремума) при $x = -b/2a$.

Окончательные формулы для расчёта приведены на рис.1 – формулы (3).

Экстремальная задача на определение максимальной площади окна

Исходные данные:

- X** – ширина окна, равна диаметру верхней арочной части окна, $X=D$,
- Y** – высота прямоугольной части окна,
- D** – диаметр верхней арочной части окна.
- P** – заданный периметр окна.



ПУСК

Расчётная часть: $P = X + 2Y + 0,5 \pi D$ (1)

Квадратичная функция: $S = D \times Y + \pi D^2 / 8 = X \times Y + \pi X^2 / 8$ (2)

Из формул (1) и (2) следуют окончательные формулы для расчётов, т.е. размеры окна равны:

$X = (-P/2) / (2 \times (-1/2 + \pi/8))$; $Y = (P - X \times (1 + \pi/2)) / 2$ (3)

При нажатии кнопки «ПУСК» выполняется сам расчёт по специально разработанной программе, написанной на Делфи (Лазарус) или на ABC-Паскаль.

Эта задача является одним из примеров нашей методики использования квадратичных функций для решения прикладных задач с применением компьютера.

Таким образом, в нашем докладе показаны интерес-ные и полезные свойства параболы,

открытые ещё в древности, а используемые *как тогда, так и в наше время.